

แบบฝึกหัด การหาอนุพันธ์โดยปริยาย

1. จงหา $\frac{dy}{dx}$ เมื่อกำหนด

$$1.1 \quad x^2y + 3xy^3 - x = 3$$

$$1.2 \quad x^3 - y^3 = 6xy$$

$$1.3 \quad x^3y^2 - 5x^2y + x = 1$$

$$1.4 \quad x^5 + 2x^4y - 3xy^3 = 8$$

$$1.5 \quad \frac{1}{x} + \frac{1}{y} = 1$$

$$1.6 \quad x^2 = \frac{x+y}{x-y}$$

$$1.7 \quad 2y^3 - 3xy^2 + 4x^2y - 3x^3 = 7$$

2. กำหนดให้ $2xy^2 - 3xy + x^2 - 3x + 3 = 0$ จงหา $\frac{dy}{dx}$ ที่จุด $(1, -\frac{1}{2})$ และ $(1, 2)$

3. กำหนดให้ $x^2 + y^2 = 4$ จงหา $\frac{d^2y}{dx^2}$

คําตอบ

$$1.1 \quad \frac{dy}{dx} = \frac{1-2xy-3y^3}{x^2+9xy^2}$$

$$1.2 \quad \frac{dy}{dx} = \frac{3x^2-6y}{6x+3y^2}$$

$$1.3 \quad \frac{dy}{dx} = \frac{10xy-3x^2y^2-1}{2x^3y-5x^2}$$

$$1.4 \quad \frac{dy}{dx} = \frac{3y^3-5x^4-8x^3y}{2x^4-9xy^2}$$

$$1.5 \quad \frac{dy}{dx} = -\frac{y^2}{x^2}$$

$$1.6 \quad \frac{dy}{dx} = \frac{x(x-y^2)+y}{x}$$

$$1.7 \quad \frac{dy}{dx} = \frac{3y^2-8xy+9x^2}{6y^2-6xy+4x^2}$$

$$2. \quad \left. \frac{dy}{dx} \right|_{(x,y)=\left(1,-\frac{1}{2}\right)} = \frac{1}{5} \quad \text{และ} \quad \left. \frac{dy}{dx} \right|_{(x,y)=(1,2)} = -\frac{1}{5}$$

$$3. \quad \frac{d^2y}{dx^2} = -\frac{1}{y} - \frac{x^2}{y^3}$$